

Основной государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

Тренировочный вариант № 111

Инструкция по выполнению работы

Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика». Всего в работе 26 заданий. Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 — восемь заданий; в части 2 — три задания. Модуль «Геометрия» содержит восемь заданий: в части 1 — пять заданий; в части 2 — три задания. Модуль «Реальная математика» содержит семь заданий: все задания этого модуля — в части 1.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 2, 3, 8, 14 записываются в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа. Эту цифру запишите в поле ответа в тексте работы.

Для остальных заданий части 1 ответом является число или последовательность цифр, которые нужно записать в поле ответа в тексте работы. Если в ответе получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную. В случае записи неверного ответа на задания части 1 зачеркните его и запишите рядом новый.

Решения заданий части 2 и ответы к ним запишите на отдельном листе или бланке. Задания можно выполнять в любом порядке, начиная с любого модуля. Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы. Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами.

Баллы, полученные за верно выполненные задания, суммируются. Для успешного прохождения итоговой аттестации необходимо набрать в сумме не менее 8 баллов, из них не менее 3 баллов в модуле «Алгебра», не менее 2 баллов в модуле «Геометрия» и не менее 2 баллов в модуле «Реальная математика». За каждое правильно выполненное задание части 1 выставляется 1 балл. В каждом модуле части 2 задания оцениваются в 2 балла.

Желаем успеха!

Часть 1

- Для заданий с выбором ответа из четырёх предложенных вариантов выберите один верный и запишите его в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа.
- Для заданий с кратким ответом полученный результат сначала запишите на листе с текстом работы после слова «Ответ». Если получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную
- Перенесите ответ в бланк ответов №1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждый символ (цифру, знак минус, запятую или точку с запятой) пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений указывать не нужно.
- Ответом к заданиям 5, 13, 14 является последовательность цифр. Перенесите цифры в бланк № 1 без пробелов, запятых и других символов.

Модуль «Алгебра».

1. Найдите значение выражения $0,0007 \cdot 0,7 \cdot 700000$.

Ответ: _____.

2. Значение какого из данных выражений положительно, если известно, что $x > 0$, $y < 0$?

Варианты ответа

- 1) $xу$ 2) $(x-y)y$ 3) $(y-x)y$ 4) $(y-x)x$

Ответ: _____.

3. Найдите значение выражения $\sqrt{6 \cdot 3^2} \cdot \sqrt{6 \cdot 2^4}$

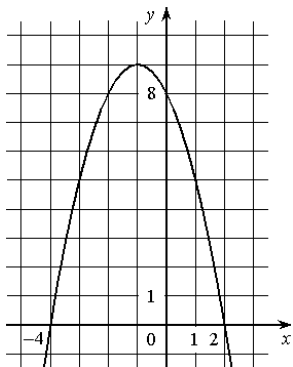
- 1) $12\sqrt{6}$ 2) 60 3) 72 4) 300

Ответ: _____.

4. При каком значении p значение выражения $p+3$ в пять раз меньше, чем значение выражения $7p-33$?

Ответ: _____.

5. На рисунке изображён график квадратичной функции $y=f(x)$.

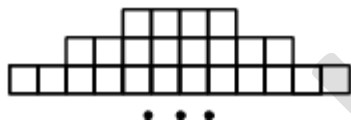


Какие из следующих утверждений о данной функции **неверны**? Запишите их номера.

- 1) Наибольшее значение функции равно 9
- 2) $f(0) > f(1)$
- 3) $f(x) > 0$ при $x < 0$

Ответ: _____.

6. Фигура составляется из квадратов так, как показано на рисунке: в каждой следующей строке на 4 квадрата больше, чем в предыдущей. Сколько квадратов в 9-й строке?

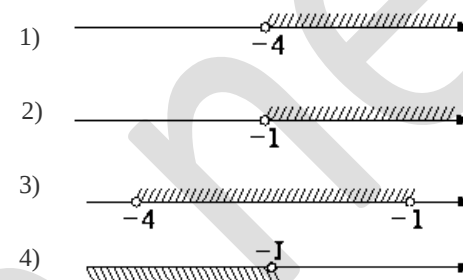


Ответ: _____.

7. Найдите значение выражения $(2-c)^2 - c(c+4)$ при $c = -\frac{1}{4}$.

Ответ: _____.

8. На каком рисунке изображено множество решений системы неравенств $\begin{cases} x > -1, \\ -4 - x < 0 \end{cases}$?



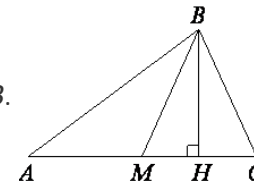
Ответ: _____.

Модуль «Геометрия».

9. В треугольнике ABC BM – медиана и BH – высота.

Известно, что $AC=76$, $HC=19$ и $\angle ACB=80^\circ$. Найдите угол AMB .
Ответ дайте в градусах.

Ответ: _____.



10. Биссектрисы углов A и D параллелограмма $ABCD$ пересекаются в точке, лежащей на стороне BC . Найдите AB , если $BC=40$.

Ответ: _____.

11. Около трапеции, один из углов которой равен 64° , описана окружность. Найдите остальные углы трапеции.

Ответ: _____.

12. В треугольнике ABC $AC=BC$, $AB=3$, $\sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}$. Найдите AC .

Ответ: _____.

13. Какие из следующих утверждений верны?

1. Через любые три точки проходит ровно одна прямая.
2. Сумма смежных углов равна 180° .
3. Если при пересечении двух прямых третьей прямой соответственные углы составляют в сумме 180° , то эти две прямые параллельны.

Ответ: _____.

Модуль «Реальная математика».

14 Бизнесмен Петров выезжает из Москвы в Санкт-Петербург на деловую встречу, которая назначена на 9:30. В таблице дано расписание ночных поездов Москва–Санкт-Петербург.

Номер поезда Отправление из Москвы Прибытие в Санкт-Петербург

038A	00:43	08:45
020Y	00:54	09:02
016A	01:00	08:38
116C	01:00	09:06

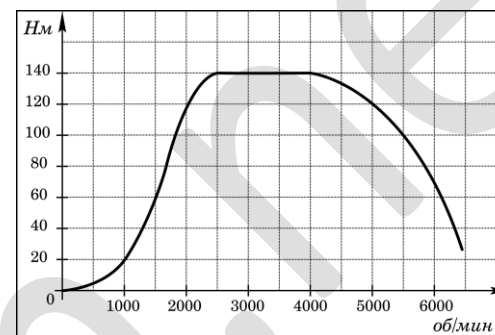
Путь от вокзала до места встречи занимает полчаса. Укажите номер самого позднего (по времени отправления) из московских поездов, которые подходят бизнесмену Петрову.

Варианты ответа

1. 038A 2. 020Y 3. 016A 4. 116C

Ответ: _____.

15. На графике изображена зависимость крутящего момента двигателя от числа его оборотов в минуту. На оси абсцисс откладывается число оборотов в минуту, на оси ординат — крутящий момент в Н·м. На сколько больше будет крутящийся момент при увеличении числа оборотов с 1000 об/мин до 2500 об/мин?

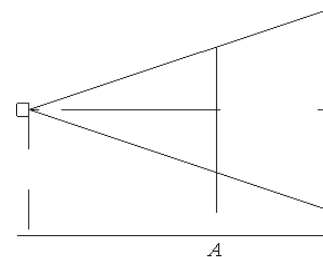


Ответ: _____.

16. Стоимость проезда в электричке составляет 117 рублей. Школьникам предоставляется скидка 50%. Сколько рублей будет стоить проезд для 6 взрослых и 19 школьников?

Ответ: _____.

17. Проектор полностью освещает экран A высотой 190 см, расположенный на расстоянии 210 см от проектора. На каком наименьшем расстоянии (в сантиметрах) от проектора нужно расположить экран B высотой 380 см, чтобы он был полностью освещён, если настройки проектора остаются неизменными?



Ответ: _____.

18. На диаграмме показан возрастной состав населения Австрии.



Сколько примерно человек в возрасте от 50 до 64 лет проживает в Австрии, если население Австрии составляет 8,4 млн человек?

Варианты ответа

1. около 0,7 млн 2. около 1,5 млн 3. около 3 млн 4. около 2,5 млн

Ответ: _____.

19. Стрелок 3 раза стреляет по мишеням. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле равна 0,8. Найдите вероятность того, что стрелок первые 2 раза попал в мишени, а последний раз промахнулся.

Ответ: _____.

20. Площадь четырёхугольника можно вычислить по формуле $S = \frac{d_1 d_2 \sin \alpha}{2}$, где d_1 и d_2 — длины диагоналей четырёхугольника, α — угол между диагоналями. Пользуясь этой формулой, найдите длину диагонали d_2 , если $d_1=13$, $\sin \alpha = \frac{3}{13}$, а $S=25,5$.

Ответ: _____.

Часть 2

При выполнении заданий 21–26 используйте бланк ответов №2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Модуль «Алгебра».

21. Найдите наименьшее целое число, входящее в область определения

выражения $\sqrt{-(x+2)^2 + 25}$

22. Насос может выкачать из бассейна $\frac{2}{3}$ воды за 7,5 мин. Проработав 9 мин, насос остановился. Найдите вместимость бассейна, если после остановки насоса в бассейне осталось еще 20 м³ воды.

23. Постройте график функции $y = \begin{cases} -x^2, & \text{если } |x| \leq 1, \\ \frac{1}{x}, & \text{если } |x| > 1 \end{cases}$ и определите, при каких

значениях c прямая $y=c$ будет иметь с графиком одну или две общие точки.

Модуль «Геометрия».

24. Длина основания равнобедренного треугольника равна 12, а боковые стороны 18. К боковым сторонам треугольника проведены высоты. Вычислите длину отрезка, концы которого совпадают с основаниями высот.

25. Докажите, что высоты равнобедренного треугольника, проведенные к боковым сторонам, равны.

26. В треугольнике ABC угол C в два раза меньше разности углов B и A и в пять раз меньше суммы углов B и A. Найдите площадь треугольника, если высота BD равна 6 см.