

Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

Вариант № 110

Инструкция по выполнению работы

На выполнение экзаменационной работы по математике даётся 4 часа (240 мин). Работа состоит из двух частей и содержит 18 заданий.

Часть 1 содержит 12 заданий с кратким ответом (В1–В12) базового уровня по материалу курса математики. Задания части 1 считаются выполненными, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Часть 2 содержит 6 более сложных заданий (С1–С6) по материалу курса математики. При их выполнении надо записать полное решение и ответ.

Советуем для экономии времени пропускать задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходить к следующему. К выполнению пропущенных заданий вы сможете вернуться, если у вас останется время.

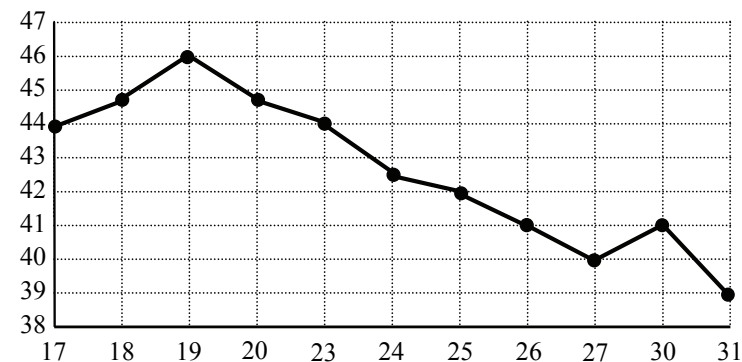
Желаем успеха!

Часть 1

Ответом к заданиям этой части (В1–В12) является целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки, без пробелов. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерения писать не нужно.

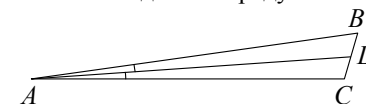
В1 Сырок стоит 4 рубля 50 копеек. Какое наибольшее число сырков можно купить на 70 рублей?

В2 На рисунке жирными точками показана цена нефти на момент закрытия биржевых торгов во все рабочие дни с 17 по 31 августа 2004 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — цена барреля нефти в долларах США. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку наибольшую цену нефти на момент закрытия торгов в указанный период (в долларах США за баррель).



В3 Найдите корень уравнения $\sqrt{46-5x} = 4$.

В4 В треугольнике ABC AD — биссектриса, угол C равен 106° , угол CAD равен 3° . Найдите угол B . Ответ дайте в градусах.

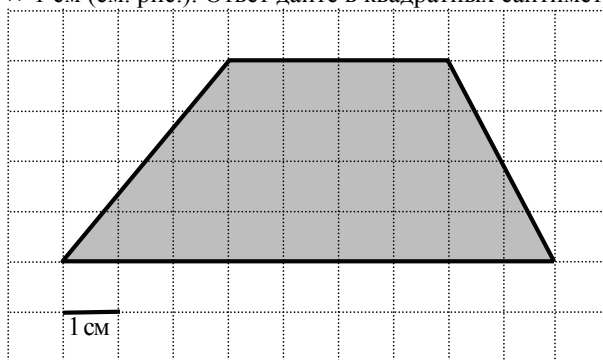


B5 В таблице указаны средние цены (в рублях) на некоторые основные продукты питания в трёх городах России (по данным на начало 2010 года).

Наименование продукта	Павловск	Псков	Тамбов
Пшеничный хлеб (батон)	18	11	14
Молоко (1 литр)	28	26	23
Картофель (1 кг)	9	14	11
Сыр (1 кг)	240	235	220
Мясо (говядина, 1 кг)	275	280	240
Подсолнечное масло (1 литр)	38	62	54

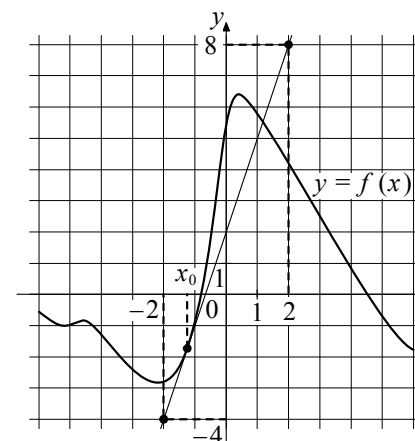
Определите, в каком из этих городов окажется самым дешёвым следующий набор продуктов: 2 батона пшеничного хлеба, 1 л молока, 1 л подсолнечного масла. В ответ запишите стоимость данного набора продуктов в этом городе (в рублях).

B6 Найдите площадь трапеции, изображённой на клетчатой бумаге с размером клетки 1 см × 1 см (см. рис.). Ответ дайте в квадратных сантиметрах.

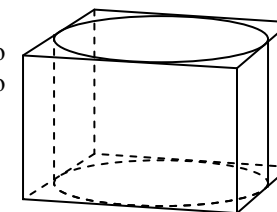


B7 Найдите $\sin \alpha$, если $\cos \alpha = -\frac{\sqrt{7}}{4}$ и $\alpha \in \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$.

B8 На рисунке изображены график функции $y = f(x)$ и касательная к нему в точке с абсциссой x_0 . Найдите значение производной функции $f(x)$ в точке x_0 .



B9 Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 2. Найдите объём параллелепипеда.



B10 В ходе распада радиоактивного изотопа его масса уменьшается по закону $m(t) = m_0 \cdot 2^{-\frac{t}{T}}$, где m_0 (мг) — начальная масса изотопа, t (мин.) — время, прошедшее от начального момента, T (мин.) — период полураспада. В начальный момент времени масса изотопа $m_0 = 150$ мг. Период его полураспада $T = 5$ мин. Через сколько минут масса изотопа будет равна 37,5 мг?

B11 Найдите наименьшее значение функции $y = x^3 - 4x^2 + 4x + 7$ на отрезке $[1; 4]$.

B12 Из пункта A в пункт B , расстояние между которыми 50 км, одновременно выехали мотоциклист и велосипедист. Известно, что за час мотоциклист проезжает на 30 км больше, чем велосипедист. Определите скорость велосипедиста, если известно, что он прибыл в пункт B на 1,5 часа позже мотоциклиста. Ответ дайте в км/ч.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания C1–C6 используйте бланк ответов № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (C1, C2 и т.д.), а затем полное обоснованное решение и ответ.

C1 Решите уравнение $(4\sin^2 x - 4\sin x - 3) \cdot \log_{13}(\cos x) = 0$.

C2 В правильной шестиугольной призме $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$, стороны основания которой равны 3, а боковые рёбра равны 4, найдите расстояние от точки B до прямой $D_1 C_1$.

C3 Решите неравенство $7\log_8(x^2 + 3x + 2) \leq 8 + \log_8 \frac{(x+1)^7}{x+2}$.

C4 Прямая, перпендикулярная боковой стороне равнобедренного треугольника с основанием, равным 12, отсекает от него четырёхугольник, в который можно вписать окружность. Найдите площадь четырёхугольника, если радиус окружности равен 3.

C5 Найдите все положительные значения a , при каждом из которых система

$$\begin{cases} (|x| - 4)^2 + (y - 4)^2 = 4, \\ (x + 1)^2 + y^2 = a^2 \end{cases}$$

имеет единственное решение.

C6 На доске написано более 21, но менее 35 целых чисел. Среднее арифметическое этих чисел равно -4 , среднее арифметическое всех положительных из них равно 7, а среднее арифметическое всех отрицательных из них равно -14 .

а) Сколько чисел написано на доске?

б) Каких чисел написано больше: положительных или отрицательных?

в) Какое наибольшее количество положительных чисел может быть среди них?

