

## Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

## Вариант № 106

## Инструкция по выполнению работы

На выполнение экзаменационной работы по математике даётся 4 часа (240 мин). Работа состоит из двух частей и содержит 18 заданий.

Часть 1 содержит 12 заданий с кратким ответом (B1–B12) базового уровня по материалу курса математики. Задания части 1 считаются выполненными, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Часть 2 содержит 6 более сложных заданий (C1–C6) по материалу курса математики. При их выполнении надо записать полное решение и ответ.

Советуем для экономии времени пропускать задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходить к следующему. К выполнению пропущенных заданий вы сможете вернуться, если у вас останется время.

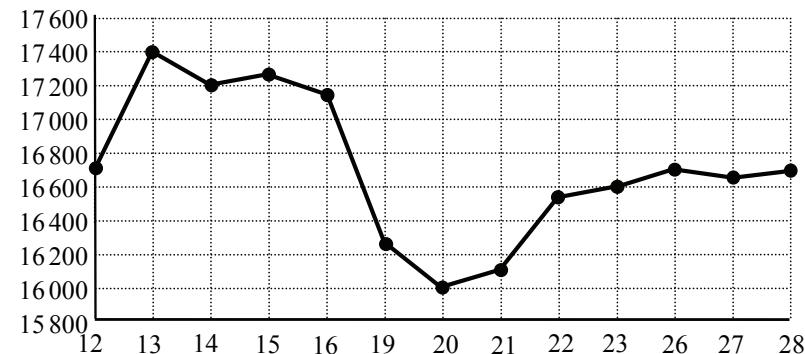
**Желаем успеха!**

## Часть 1

*Ответом к заданиям этой части (B1–B12) является целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки, без пробелов. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерения писать не нужно.*

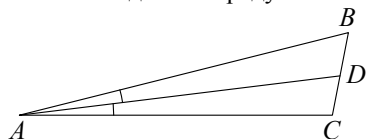
**B1** Теплоход рассчитан на 800 пассажиров и 90 членов команды. Каждая спасательная шлюпка может вместить 70 человек. Какое наименьшее число шлюпок должно быть на теплоходе, чтобы в случае необходимости в них можно было разместить всех пассажиров и всех членов команды?

**B2** На рисунке жирными точками показана цена олова на момент закрытия биржевых торгов во все рабочие дни с 12 по 28 ноября 2007 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — цена тонны олова в долларах США. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку наименьшую цену олова на момент закрытия торгов в указанный период (в долларах США за тонну).



**B3** Найдите корень уравнения  $\sqrt{56-2x} = 6$ .

**B4** В треугольнике  $ABC$   $AD$  — биссектриса, угол  $C$  равен  $101^\circ$ , угол  $CAD$  равен  $7^\circ$ . Найдите угол  $B$ . Ответ дайте в градусах.

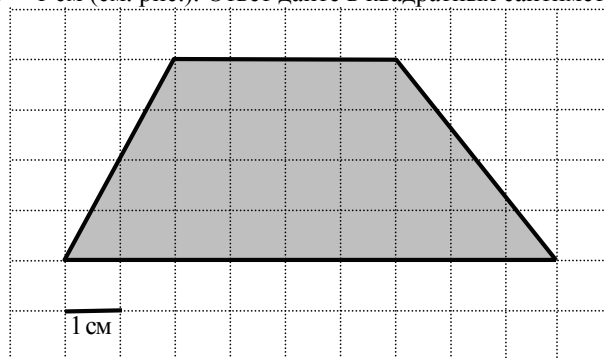


**B5** В таблице указаны средние цены (в рублях) на некоторые основные продукты питания в трёх городах России (по данным на начало 2010 года).

| Наименование продукта       | Воронеж | Екатеринбург | Челябинск |
|-----------------------------|---------|--------------|-----------|
| Пшеничный хлеб (батон)      | 14      | 16           | 18        |
| Молоко (1 литр)             | 20      | 27           | 27        |
| Картофель (1 кг)            | 13      | 16           | 16        |
| Сыр (1 кг)                  | 270     | 270          | 260       |
| Мясо (говядина, 1 кг)       | 240     | 300          | 300       |
| Подсолнечное масло (1 литр) | 52      | 50           | 50        |

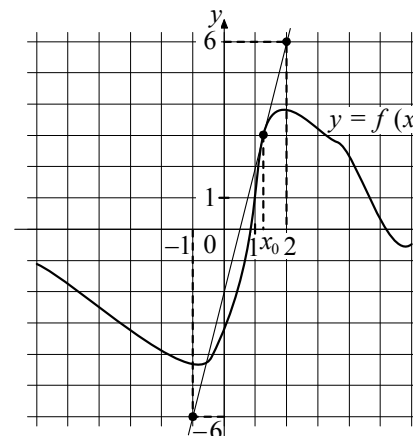
Определите, в каком из этих городов окажется самым дешёвым следующий набор продуктов: 1 батон пшеничного хлеба, 2 л молока, 2 кг сыра. В ответ запишите стоимость данного набора продуктов в этом городе (в рублях).

**B6** Найдите площадь трапеции, изображённой на клетчатой бумаге с размером клетки  $1\text{ см} \times 1\text{ см}$  (см. рис.). Ответ дайте в квадратных сантиметрах.

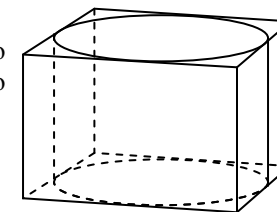


**B7** Найдите  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{6}}{5}$  и  $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$ .

**B8** На рисунке изображены график функции  $y = f(x)$  и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ . Найдите значение производной функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ .



**B9** Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 2. Найдите объём параллелепипеда.



**B10** В ходе распада радиоактивного изотопа его масса уменьшается по закону  $m(t) = m_0 \cdot 2^{-\frac{t}{T}}$ , где  $m_0$  (мг) — начальная масса изотопа,  $t$  (мин.) — время, прошедшее от начального момента,  $T$  (мин.) — период полураспада. В начальный момент времени массы изотопа  $m_0 = 150$  мг. Период его полураспада  $T = 4$  мин. Через сколько минут масса изотопа будет равна 37,5 мг?

**B11** Найдите наибольшее значение функции  $y = x^3 + 9x^2 + 15x - 15$  на отрезке  $[-7; -3]$ .

**B12** Из пункта  $A$  в пункт  $B$ , расстояние между которыми 50 км, одновременно выехали мотоциклист и велосипедист. Известно, что за час мотоциклист проезжает на 30 км больше, чем велосипедист. Определите скорость велосипедиста, если известно, что он прибыл в пункт  $B$  на 1,5 часа позже мотоциклиста. Ответ дайте в км/ч.

**Часть 2**

Для записи решений и ответов на задания C1–C6 используйте бланк ответов № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (C1, C2 и т.д.), а затем полное обоснованное решение и ответ.

**C1** Решите уравнение  $(4\cos^2 x - 4\cos x - 3) \cdot \sqrt{-6\sin x} = 0$ .

**C2** В правильной шестиугольной призме  $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$ , стороны основания которой равны 4, а боковые рёбра равны 3, найдите расстояние от точки  $C$  до прямой  $D_1 E_1$ .

**C3** Решите неравенство  $5\log_8(x^2 - 15x + 56) \leq 6 + \log_8 \frac{(x-7)^5}{x-8}$ .

**C4** Прямая, перпендикулярная боковой стороне равнобедренного треугольника со сторонами 13, 13, 10, отсекает от него четырёхугольник, в который можно вписать окружность. Найдите площадь этого четырёхугольника.

**C5** Найдите все положительные значения  $a$ , при каждом из которых система

$$\begin{cases} (|x| - 6)^2 + (y - 12)^2 = 4, \\ (x - 1)^2 + y^2 = a^2 \end{cases}$$

имеет единственное решение.

**C6** На доске написано более 54, но менее 72 целых чисел. Среднее арифметическое этих чисел равно 5, среднее арифметическое всех положительных из них равно 18, а среднее арифметическое всех отрицательных из них равно  $-9$ .

а) Сколько чисел написано на доске?

б) Каких чисел написано больше: положительных или отрицательных?

в) Какое наибольшее количество отрицательных чисел может быть среди них?

