

Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

Вариант № 203

Инструкция по выполнению работы

На выполнение экзаменационной работы по математике дается 4 часа (240 мин). Работа состоит из трех частей и содержит 26 заданий.

Часть 1 содержит 13 заданий (A1–A10 и B1–B3) базового уровня по материалу курса математики. К каждому заданию A1–A10 приведены 4 варианта ответа, из которых только один верный. При выполнении этих заданий надо указать номер верного ответа. К заданиям B1–B3 надо дать краткий ответ.

Часть 2 содержит 10 более сложных заданий (B4–B11, C1, C2) по материалу курса математики. К заданиям B4–B11 надо дать краткий ответ, к заданиям C1 и C2 – записать решение.

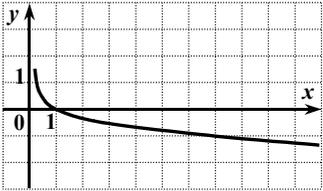
Часть 3 содержит 3 самых сложных задания, два – алгебраических (C3, C5) и одно – геометрическое (C4). При их выполнении надо записать обоснованное решение.

Советуем для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. К выполнению пропущенных заданий можно вернуться, если у вас останется время.

Желаем успеха!

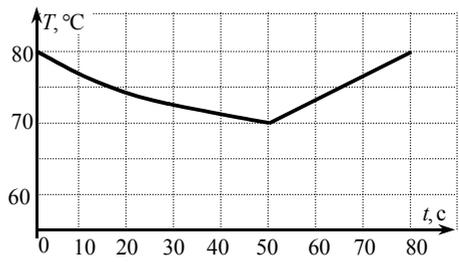
ЧАСТЬ 1

При выполнении заданий A1–A10 в бланке ответов №1 под номером выполняемого задания поставьте знак "x" в клеточке, номер которой соответствует номеру выбранного вами ответа.

- A1** Упростите выражение $b^{-0,7} \cdot b^{2,8}$.
- 1) $b^{-1,96}$ 2) $b^{3,5}$ 3) b^{-4} 4) $b^{2,1}$
- A2** Вычислите: $\frac{\sqrt[3]{375}}{\sqrt[3]{3}}$.
- 1) 5 2) 15 3) $\sqrt[3]{5}$ 4) $\sqrt{125}$
- A3** Вычислите: $\log_4 20 + \log_4 3,2$.
- 1) $\log_4 23,2$ 2) 16 3) 3 4) 4
- A4** На рисунке изображен график одной из данных функций. Укажите эту функцию.
- 1) $y = \left(\frac{1}{7}\right)^x$
 2) $y = 7^x$
 3) $y = \log_7 x$
 4) $y = \log_{\frac{1}{7}} x$
- 
- A5** Найдите производную функции $y = e^x - 0,9x^2$.
- 1) $y' = xe^{x-1} - 1,8x$
 2) $y' = e^x - 1,8x$
 3) $y' = xe^{x-1} - 0,3x^3$
 4) $y' = e^x - 0,81x$

- A6** Найдите множество значений функции $y = \sin x + 5$.
 1) $[-1; 1]$ 2) $[4; 6]$ 3) $(-\infty; +\infty)$ 4) $[5; 6]$

A7 Хозяйка установила на утюге режим «хлопок». В этом режиме спираль утюга нагревается до 80°C , и терморегулятор размыкает цепь. Когда утюг остывает до 70°C , цепь снова замыкается, и утюг нагревается опять до 80°C , и т.д. На рисунке представлен график зависимости температуры T утюга в промежутке времени t между двумя последовательными замыканиями цепи. Сколько секунд цепь находится в разомкнутом состоянии?



1) 30 2) 40 3) 50 4) 80

- A8** Решите неравенство $\frac{2x-8}{x+30} < 0$.
 1) $(-4; 30)$
 2) $(-\infty; -30) \cup (4; +\infty)$
 3) $(-30; 4)$
 4) $(-\infty; -4) \cup (30; +\infty)$

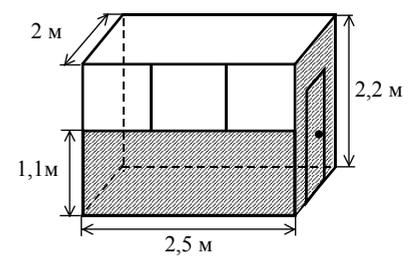
- A9** Решите уравнение $\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$.
 1) $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$
 2) $(-1)^n \frac{\pi}{3} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$
 3) $\pm \frac{\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$
 4) $(-1)^n \frac{\pi}{6} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

- A10** Решите неравенство $6^{7x} > 6^{6x+26}$.
 1) $(26; +\infty)$ 2) $(-\infty; 2)$ 3) $(2; +\infty)$ 4) $(-\infty; 26)$

Ответом на задания В1–В11 должно быть некоторое целое число или число, записанное в виде десятичной дроби. Это число надо записать в бланк ответов №1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус отрицательного числа и запятую в записи десятичной дроби пишете в отдельной клеточке в соответствии с приведенными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

- B1** Найдите значение выражения $5 \cdot \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha$, если $\sin^2 \alpha = 0,2$.
B2 Решите уравнение $7 \cdot 12^{\log_{12} x} = 4,8 - 5x$.

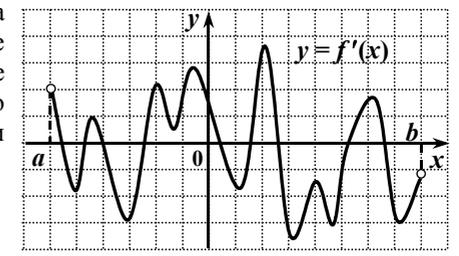
B3 Для наружной окраски стен и двери газетного киоска с окнами только спереди (см. рисунок) необходимо приобрести краску, которая продаётся в банках по 1,2 кг. Сколько банок потребуется купить для выполнения этой работы, если средний расход краски равен 100 г на 1м^2 ?



ЧАСТЬ 2

- B4** Решите уравнение $18^x - 4 \cdot 9^x = 27 \cdot 2^x - 108$.
 (Если уравнение имеет более одного корня, то в бланке ответов запишите сумму корней).

B5 Функция $y = f(x)$ определена на промежутке $(a; b)$. На рисунке изображен график ее производной. Укажите число точек максимума функции $y = f(x)$ на промежутке $(a; b)$.



В6 Найдите значение выражения $7\sqrt{2} - \frac{2}{(\sqrt{10} - \sqrt[4]{98})(\sqrt{10} + \sqrt[4]{98})}$.

В7 Функция $y = f(x)$ определена на множестве всех действительных чисел и является периодической с периодом 5. Найдите значение выражения $(f(8) - 2f(-12)) \cdot f(14)$, если $f(-2) = -4$ и $f(-1) = 1,5$.

В8 Найдите все значения x , при каждом из которых выполняется соотношение $\log_5(x^2 - 6x + 14) \leq 6x - x^2 - 8$.

(Если таких значений x более одного, то в бланке ответов запишите наименьшее значение.)

В9 Магазин выставил на продажу товар с наценкой 40% от закупочной цены (стоимости единицы товара). После продажи 0,75 всего товара магазин снизил назначенную цену на 80% и распродал оставшийся товар. Сколько процентов от закупочной стоимости товара составила прибыль магазина?

В10 Угол между образующими CA и CB конуса равен 60° , высота конуса равна 4, а радиус основания равен $\frac{4\sqrt{15}}{3}$. Найдите градусную меру угла между плоскостью ABC и плоскостью основания конуса.

В11 В параллелограмме $ABCD$ биссектриса угла D пересекает сторону AB в точке K и прямую BC в точке P . Найдите периметр параллелограмма, если $DK = 12$, $PK = 18$, $BP = 15$.

Для записи ответов на задания C1 и C2 используйте бланк ответов №2. Запишите сначала номер выполняемого задания, а затем – решение.

C1 Найдите абсциссы всех точек графика функции $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - \frac{x^2 - 16}{x - 4}$, касательные в которых параллельны прямой $y = 15x$ или совпадают с ней.

C2 Найдите все значения x , при каждом из которых произведение значений выражений $2 + \sqrt[4]{4 + 7x - 2x^2}$ и $1 - \sin \frac{x}{2}$ положительно.

ЧАСТЬ 3

Для записи ответов на задания C3–C5 используйте бланк ответов №2. Запишите сначала номер выполняемого задания, а затем – обоснованное решение.

C3 Найдите все значения $a \neq 0$, при каждом из которых хотя бы одно значение функции $y = \frac{a^2}{1+x^2} + 4$ не принадлежит промежутку $(1; 2 + 8a^{-2}]$.

C4 Дан прямоугольный параллелепипед $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$, $AB = 4$, $AD = 10$, $AA_1 = 15\sqrt{5}$. Точка M лежит на диагонали BC_1 , точка N лежит на диагонали BD , прямые AM и A_1N пересекаются. Определите тангенс угла между прямой MN и плоскостью ABC , если $BN : ND = 4 : 5$.

C5 Решите уравнение $x^6 - |13 + 12x|^3 = 27 \cos(x^2) - 27 \cos(13 + 12x)$.

