

формулой $f(x) = 3 - |1 + x|$. Найдите значение выражения $3f(15) - 4f(-24)$.

*B9

Подарочный набор состоит из трех сортов конфет. Массы конфет первого, второго и третьего сортов в этом наборе относятся как $2:7:15$. Массу конфет первого сорта увеличили на 13% , а второго – на 7% . На сколько процентов надо уменьшить массу конфет третьего сорта, чтобы масса всего набора не изменилась?

*B10

Радиус основания цилиндра равен 8, высота цилиндра равна 10. В окружность основания вписан остроугольный треугольник ABC такой, что $BC = 2\sqrt{15}$ и $AB = AC$. Отрезки AA_1 и BB_1 – образующие цилиндра. Найдите тангенс угла между плоскостью CBB_1 и плоскостью BA_1C .

B11

Вершина D параллелограмма $ABCD$ соединена с точкой H на стороне AB . Отрезок DH пересекает диагональ AC в точке P . Площадь треугольника PDA равна 7, а площадь треугольника APH равна 2. Найдите площадь параллелограмма.

ЧАСТЬ 1

При выполнении заданий А1 – А10 в бланке ответов №1 под номером выполняемого задания поставьте знак "×" в клеточке, номер которой соответствует номеру выбранного вами ответа.

A1

Упростите выражение $(-6n^{1,3})^2$.

- 1) $-12n^{3,3}$ 2) $36n^{2,6}$ 3) $-36n^{2,6}$ 4) $12n^{3,3}$

A2

Вычислите: $\sqrt[3]{0,064 \cdot 27}$.

- 1) 0,36 2) 3,4 3) 1,2 4) 0,012

A3

Вычислите: $\log_6 180 - \log_6 5$.

- 1) 30 2) 2 3) 3 4) 6

A2Вычислите: $\sqrt[3]{0,064 \cdot 27}$.

- 1) 0,36 2) 3,4 3) 1,2 4) 0,012

ФИО № 03610515

65

- 2 (0)

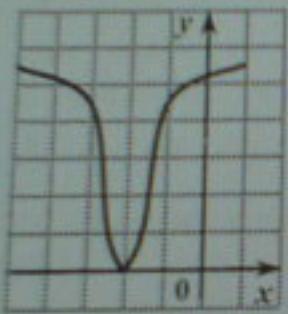
A3Вычислите: $\log_6 180 - \log_6 5$.

- 1) 30 2) 2 3) 3 4) 6

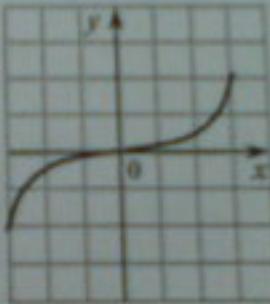
A4

На одном из следующих рисунков изображен график четной функции. Укажите этот рисунок.

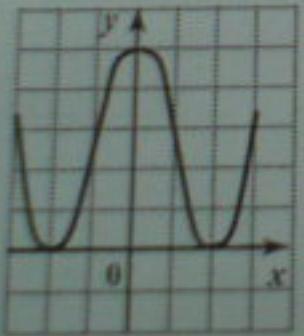
1)



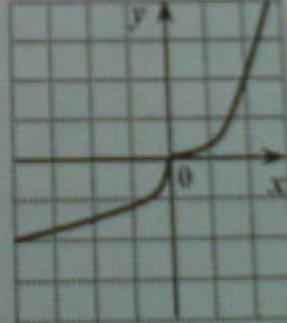
2)



3)



4)



A5

Найдіть производну функції

$$y = x^{12} - 8 \cos x$$

1) $y' = 12x^{11} + 8 \sin x$

2) $y' = 12x^{11} - 8 \cos x$

3) $y' = \frac{x^{11}}{12} + 8 \cos x$

4) $y' = x^{12} - 8 \cos x$

A6

Найдіть множину значень функції

$$y = 0,8^x + 2.$$

1) $(0; 7)$

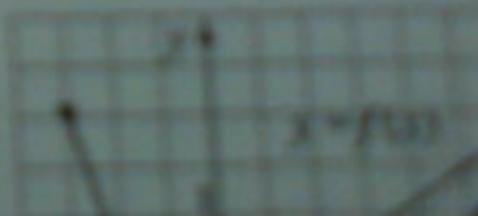
2) $[7; +\infty)$

3) $(0; 13)$

4) $(7; +\infty)$

A7

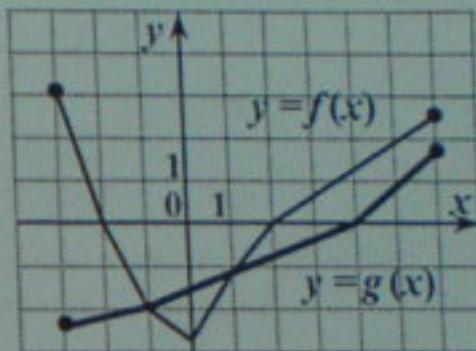
На рисунку зображені графики функцій $y = f(x)$ і $y = g(x)$, заданіх на проміжку $[-3; 6]$. Укажіть за даними х, для яких



A7

На рисунке изображены графики функций $y = f(x)$ и $y = g(x)$, заданных на промежутке $[-3; 6]$. Укажите те значения x , для которых выполняется неравенство $f(x) \geq g(x)$.

- 1) $[-2; 2]$
- 2) $[-3; -1] \cup [1; 6]$
- 3) $[-3; 2] \cup [4; 6]$
- 4) $[-1; 1]$

**A8**

Решите неравенство

$$\frac{5x-15}{(x+6)(x-8)} > 0.$$

- 1) $(-\infty; 6) \cup (3; 8)$
- 2) $(-\infty; -6) \cup (-6; 3)$
- 3) $(-6; 3) \cup (8; +\infty)$
- 4) $(3; 8) \cup (8; +\infty)$

6.9

Решите уравнение

$$\log_{10} x = -\frac{4}{3}$$

- 1) $-\frac{8}{15} + \frac{2}{3}\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$
- 2) $-\frac{8}{3} + 3\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$
- 3) $-\frac{8}{6} + 3\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$
- 4) $-\frac{8}{15} + 3\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$

6.10

Решите неравенство

$$9^{3x+12} \geq 36$$

- 1) $\left(-\infty; -\frac{13}{3}\right]$
- 2) $(-\infty; -1,5]$
- 3) $\left[-\frac{13}{3}; +\infty\right)$
- 4) $(-1,5; +\infty)$

Вопросы на задания В1 – В11 были подготовлены группой № 109
руководителем группы доктором педагогических наук Е.Н.
Смирновой, преподавателем в аспирантуре ФГБОУ ВПО «МГПУ».

*Ответом на задания В1 – В11 должно быть
число, записанное в виде десятичной дроби. Это число надо записать
в бланк ответов №1 справа от номера выполняемого задания, начиная с
первой клеточки. Каждую цифру, знак минус отрицательного числа
и запятую в записи десятичной дроби пишите в отдельной клеточке в
соответствии с приведенными в бланке образцами. Единицы измерений
писать не нужно.*

B1

Вычислите: $\frac{\sqrt[3]{320}}{4\sqrt[3]{5}}$.

B2

Решите уравнение $7 \cdot 12^{\log_{12} x} = 4,8 - 5x$.

B3

Найдите значение выражения $\sqrt{11} \cos \alpha$, если $\sin \alpha = \frac{2}{\sqrt{11}}$, $\frac{\pi}{2} \leq \alpha \leq \pi$.

ЧАСТЬ 2

B4

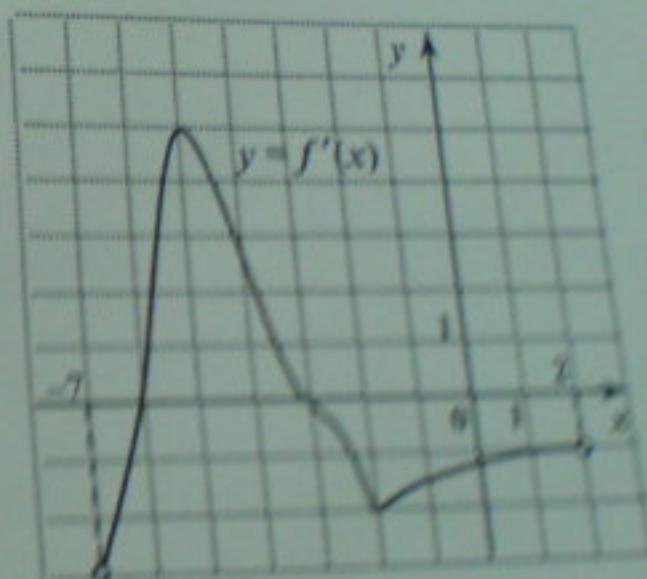
Решите уравнение $\sqrt[5]{6x-17} + 4\sqrt[10]{6x-17} - 5 = 0$.

(Если уравнение имеет более одного корня, то в бланке ответов запишите произведение всех его корней.)

$$\begin{cases} 3 \leq x - 3 \\ 2 \leq x \end{cases}$$

B5

Функция $y = f(x)$ определена на промежутке $(-7; 2)$. На рисунке изображен график ее производной. Укажите точку минимума функции $y = f(x)$ на промежутке $(-7; 2)$.

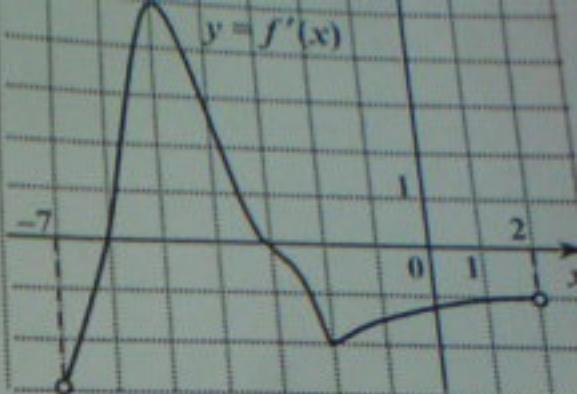


B6

Найдите значение выражения

$$\log_2 (5\sqrt{5} + 2\sqrt{30}) + \log_2 (5\sqrt{5} - 2\sqrt{30}).$$

Найдите точку минимума производной
 $y = f(x)$ на промежутке $(-7; 2)$.



B6

Найдите значение выражения

$$\log_{\frac{1}{5}}(5\sqrt{5} + 2\sqrt{30}) + \log_{\frac{1}{5}}(5\sqrt{5} - 2\sqrt{30}).$$

B7

Найдите количество целочисленных решений неравенства

$$\frac{6,4 + \sqrt{16 - x^2}}{8 - 2^x} > 0.$$

B8

Функция $y = f(x)$ определена на всей числовой прямой и является периодической с периодом 6. На промежутке $[-5; 1)$ она задана формулой $f(x) = 3 - |1 + x|$. Найдите значение выражения $3f(15) - 4f(-24)$.

B8

Функция $y = f(x)$ определена на всей числовой прямой и является периодической с периодом 6. На промежутке $[-5; 1)$ она задается формулой $f(x) = 3 - |1 + x|$. Найдите значение выражения $3f(15) - 4f(-24)$.

***B9**

Подарочный набор состоит из трех сортов конфет. Массы конфет первого, второго и третьего сортов в этом наборе относятся как 2:7:15. Массу конфет первого сорта увеличили на 13%, а второго – на 7%. На сколько процентов надо уменьшить массу конфет третьего сорта, чтобы масса всего набора не изменилась?

***B10**

Радиус основания цилиндра равен 8, высота цилиндра равна 10. В окружность основания вписан остроугольный треугольник ABC такой, что $BC = 2\sqrt{15}$ и $AB = AC$. Отрезки AA_1 и BB_1 – образующие цилиндра. Найдите тангенс угла между плоскостью CBB_1 и плоскостью BA_1C .

***B11**

Вершина D параллелограмма $ABCD$ соединена с точкой H на стороне AB . Отрезок DH пересекает диагональ AC в точке P . Площадь треугольника PDA равна 7, а площадь треугольника APH равна 2. Найдите площадь параллелограмма.

Для записи ответов на задания С1 и С2 используйте бланк от №2. Запишите сначала номер выполняемого задания, а затем ре

С1

Найдите наибольшее значение функции

$$f(x) = 18(0,5x - 2)^2 - (0,5x - 2)^4 \text{ при } |x - 5| \leq 3.$$

С2

Найдите все значения x , при каждом из которых выражения

$$\frac{\cos^4 \frac{x}{2} - \sin^4 \frac{x}{2}}{\operatorname{tg}^3 x} \quad \text{и} \quad \frac{\sin 2x}{\operatorname{tg}^3 x} \quad \text{принимают равные значения.}$$

ЧАСТЬ 3

Для записи ответов на задания С3 – С5 используйте бланк от №2. Запишите сначала номер выполняемого задания

C3

Найдите все значения a , при каждом из которых неравенство

$$\frac{(4 \cos \sqrt{x-8} - 3) - a}{a - (\log_2 x + 7\sqrt{2} \cdot \log_x 2 - 5)} \leq 0 \quad \text{не имеет решений.}$$

***C4**

Дан конус с вершиной M , радиус основания которого равен 10. В основание этого конуса вписан четырехугольник $ABCD$ так, что углы BMA, CMB, DMC, AMD равны α каждый, причем $\sin \frac{\alpha}{2} = \frac{1}{\sqrt{3}}$. На дуге BC окружности основания конуса, не содержащей точки A , выбрана точка F так, что объем пирамиды $MABFCD$ наибольший. Найдите расстояние от точки F до плоскости MAB .

C5

Для чисел a_1, a_2, \dots, a_{40} верны равенства $a_{n+1} = f(a_n)$, $n=1,2,\dots,39$.

Найдите $a_5 + a_3$, если известно, что $a_{40} = 0$, а

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2x+10}{x-2}, & \text{если } x < 2 \\ \sqrt[3]{\frac{x-3}{x-1}} + \sqrt{\frac{20x-39}{5x+26}}, & \text{если } x \geq 2 \end{cases}$$